

MATEMATIKA 9

M9PAD20C0T01

DIDAKTICKÝ TEST

Jméno a příjmení

Počet úloh: 16

Maximální bodové hodnocení: 50 bodů

Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby

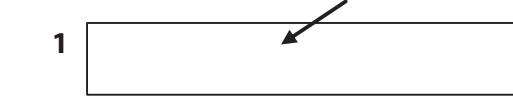
1 Základní informace k zadání zkoušky

- **Časový limit** pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují záporné body.
- **Odpovědi pište do záznamového archu.**
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy obsahují nabídku odpovědí. U každé takové úlohy nebo podúlohy je právě jedna odpověď správná.

2 Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modré nebo černě písící propisovací tužkou, která přešeď dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

- Řešení úloh pište čitelně do vyznačených bílých polí záznamového archu.

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- Zápis uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

- Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.



- Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.



- Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

TESTOVÝ SEŠIT NEOTVÍREJTE, POČKEJTE NA POKYN!

V úlohách **1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8** a **16** přepište do záznamového archu pouze výsledky.

1 bod

1 Vypočtěte:

$$(-0,4)^2 + 0,3^2 =$$

max. 2 body

2

2.1 Z dvouhodinové přednášky již tři pětiny uplynuly.

Vypočtěte, kolik minut zbývá do konce přednášky.

2.2 Objemy dvou laboratorních nádob jsou $V_1 = 9\ 500 \text{ mm}^3$, $V_2 = 0,001 \text{ m}^3$.

Vypočtěte, o kolik cm^3 se liší objemy V_1 , V_2 těchto laboratorních nádob.

Doporučení: Úlohy **3, 4.3** a **5** řešte přímo v záznamovém archu.

max. 4 body

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

3.1

$$\left(\frac{1}{4} + \frac{5}{6}\right) \cdot \left(\frac{5}{13} - \frac{1}{2}\right) =$$

3.2

$$\frac{\frac{6}{5}}{\frac{7}{6} \cdot 4 - 4 \cdot \frac{5}{12}} =$$

V záznamovém archu uveděte v obou částech úlohy celý **postup řešení**.

max. 4 body

4

4.1 Rozložte na součin:

$$p^2 - 16 =$$

4.2 Umocněte a zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(2x + 5)^2 =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(2n + 6) \cdot (4n - 5) + (3 - 5) \cdot 2n - 5n \cdot (n - 2n) =$$

V záznamovém archu uveděte pouze v podúloze 4.3 celý **postup řešení**.

max. 4 body

5 **Řešte rovnici:**

5.1

$$3,2 - 0,5x - 1 = 0,6 - 1,3x$$

5.2

$$\frac{5y + 3}{8} - \frac{y}{2} = \frac{4 - y}{5} + \frac{2y - 1}{10}$$

V záznamovém archu uveděte v obou částech úlohy celý **postup řešení** (zkoušku nezapisujte).

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Tři vázy mají různé velikosti.

Objem velké vázy je o polovinu větší než objem střední vázy.

Objem střední vázy je čtyřikrát větší než objem malé vázy.

(CZVV)

max. 3 body

6 Neznámý objem střední vázy označte x .

6.1 V závislosti na veličině x **vyjádřete** objem velké vázy.

6.2 V závislosti na veličině x **vyjádřete** objem malé vázy.

6.3 Všechny tři vázy dohromady mají objem 5,5 litru.

Vypočtěte v litrech objem střední vázy.

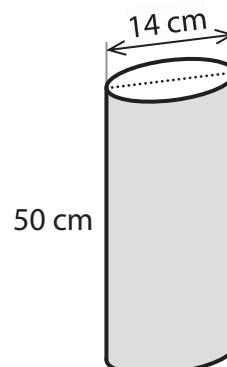
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 7

Škrabací sloupek pro kočky má tvar rotačního válce.

Válec má výšku 50 cm a jeho podstava má průměr 14 cm.

Obě podstavy jsou bílé, pláště válce je šedý.

(Za π dosazujte $\frac{22}{7}$.)



(CZVV)

max. 3 body

7 Vypočtěte v cm^2

7.1 obsah jedné podstavy válce,

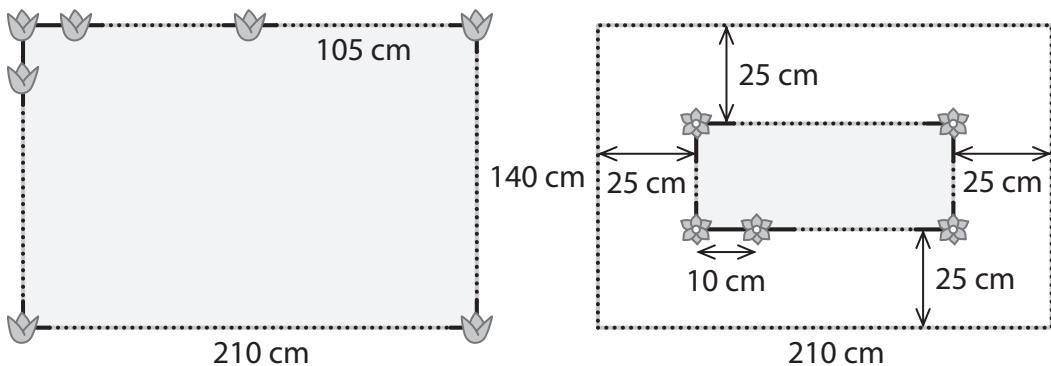
7.2 obsah pláště válce.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Obdélníkový záhon má rozměry 210 cm a 140 cm.

(8.1) Záhon bude po obvodu osázen tulipány ve **stejných** rozestupech. Rozestupy mezi sousedními tulipány musí být **co největší**, přitom tulipán musí být v každém rohu záhonu a také uprostřed delší strany.

(8.2) Uvnitř záhonu je vyznačen menší obdélník. V jeho rozích a po jeho obvodu budou v 10centimetrových rozestupech vysázeny narcisy. Každý narcis bude vzdálen 25 cm od nejbližšího okraje záhonu.



Rozměry rostlin zanedbáváme.

(CZVV)

max. 4 body

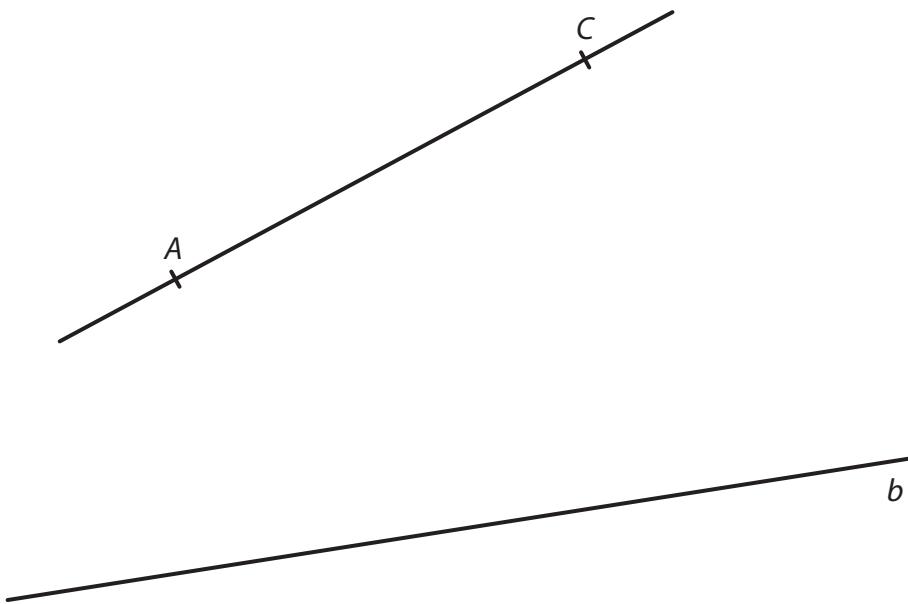
8

- 8.1 Vypočtěte v cm rozestup mezi sousedními tulipány.
- 8.2 Vypočtěte, kolik narcisů bude vysázeno.

Doporučení pro úlohy 9 a 10: Rýsujte přímo do záznamového archu.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží přímka AC a přímka b .



(CZVV)

max. 2 body

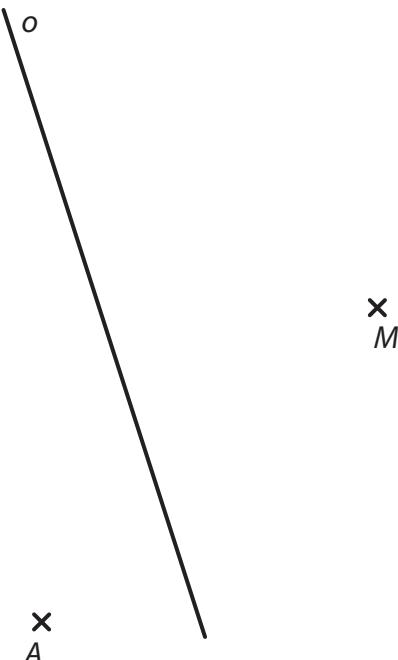
- 9** Body A, C jsou vrcholy trojúhelníku ABC . Na přímce b leží vrchol B .
Délka těžnice t_b na stranu AC je 6 cm.

Sestrojte vrchol B trojúhelníku ABC , **označte** jej písmenem a trojúhelník **narýsujte**.
Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží přímka o a body A, M .



(CZVV)

max. 3 body

- 10** Bod A je vrchol rovnoramenného lichoběžníku $ABCD$,
bod M je střed jeho ramene BC . Přímka o je osou lichoběžníku $ABCD$.

Sestrojte vrcholy B, C, D lichoběžníku $ABCD$, **označte** je písmeny
a lichoběžník **narýsujte**.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 11

Všichni pracovníci natírají plot stejným tempem.

Polovinu plotu by natřeli **všichni** pracovníci společně za 6 hodin.

(CZVV)

max. 4 body

- 11** **Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).**

11.1 **Celý** plot by natřeli **všichni** pracovníci společně za 9 hodin.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
--------------------------	--------------------------

11.2 **Polovinu** plotu by natřela **třetina** pracovníků společně za 18 hodin.

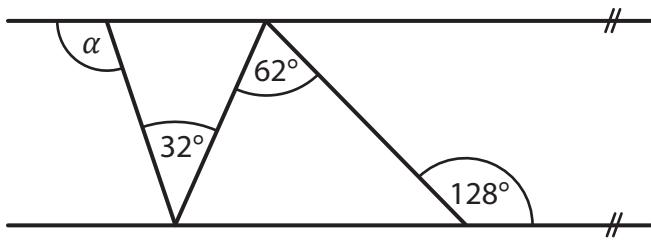
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
--------------------------	--------------------------

11.3 **Čtvrtinu** plotu by natřela **čtvrtina** pracovníků společně za 12 hodin.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
--------------------------	--------------------------

A N

VÝCHOZÍ OBRÁZEK K ÚLOZE 12



(CZVV)

2 body

12 Jaká je velikost úhlu α ?

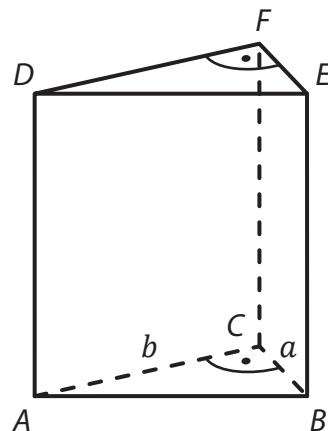
Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- A) menší než 98°
- B) 98°
- C) 100°
- D) 102°
- E) větší než 102°

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

Podstavou kolmého trojbokého hranolu $ABCDEF$ je pravoúhlý trojúhelník s odvěsnami délky $a = 9\text{ cm}$ a $b = 12\text{ cm}$.

Obsah největší boční stěny $ABED$ je 300 cm^2 .



(CZVV)

2 body

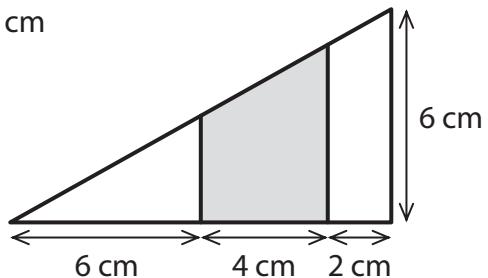
13 Jaký je povrch hranolu?

- A) 828 cm^2
- B) 888 cm^2
- C) 936 cm^2
- D) $1\,008\text{ cm}^2$
- E) $1\,080\text{ cm}^2$

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 14

Pravoúhlý trojúhelník s odvěsnami délek 12 cm a 6 cm je dvěma úsečkami rovnoběžnými s kratší odvěsnou rozdělen na tři rovinné útvary.

Úsečky rozdělily delší odvěsnu na tři úseky délek 6 cm, 4 cm a 2 cm.



(CZVV)

2 body

14 Jaký je obsah tmavého útvaru?

- A) 16 cm^2
- B) 18 cm^2
- C) 20 cm^2
- D) 21 cm^2
- E) jiný obsah

max. 6 bodů

15 Přiřadte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).

- 15.1 Roční čtenářský poplatek již zaplatilo 40 % všech čtenářů knihovny, a poplatek tak musí zaplatit ještě zbývajících 264 čtenářů.

Kolik čtenářů má knihovna? _____

- 15.2 Do školní družiny se přihlásilo 540 žáků, což je o pětinu více, než činí kapacita družiny.

Kolik žáků činí kapacita družiny? _____

- 15.3 Do školního tanečního kroužku chodí 25 žáků, což je 5 % všech žáků školy. Kroužek juda navštěvuje 20 žáků školy, přičemž čtvrtina z nich chodí navíc do tanečního kroužku.

Kolik žáků školy nechodí ani do tanečního kroužku, ani do kroužku juda? _____

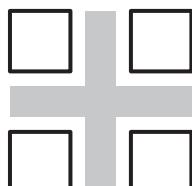
- A) 400
- B) 420
- C) 440
- D) 450
- E) 460
- F) jiný počet

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16

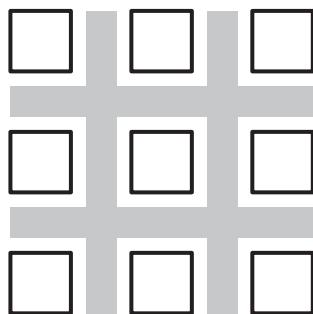
V počítačové hře má každé čtvercové město následující vlastnosti:

- Čtverečky představují **domy** a ve všech řadách i sloupcích je jich stejný počet.
- Mezi každými dvěma sousedními domy prochází jedna **ulice**; je přímá a spojuje protější okraje města. Libovolné dvě ulice jsou buď rovnoběžné, nebo k sobě kolmé.
- Každé dvě navzájem kolmé ulice mají společnou **křižovatku**.

Na obrázku jsou dvě nejmenší čtvercová města.



4 domy
2 ulice
1 křižovatka



9 domů
4 ulice
4 křižovatky

(CZVV)

max. 4 body

16 Určete,

16.1 kolik **křižovatek** je ve městě se 36 domy,

16.2 kolik **ulic** je ve městě se 36 křižovatkami,

16.3 kolik **domů** je ve městě se 36 ulicemi.

ZKONTROLUJTE, ZDA JSTE DO ZÁZNAMOVÉHO ARCHU UVEDL/A VŠECHNY ODPOVĚDI.